Le : 26/05/2025
Durée: 1^h:30^{mns}

Master I Structures
Projet constructions métalliques

EXAMEN FINAL

Exercice:

Soit un pignon d'un hangar représenté sur la figure ci-dessous:

- 1 Identifier les éléments énumérés de **1** à **8** sur la figure.
- 2 Quel est le rôle de l'élément « **8** ».
- 3 En se basant sur la condition de flèche, calculer le moment d'inertie de l'élément « **4** » et déduire le profilé correspondant.
- 4 En supposant que l'élément « **4** » soit un profilé **UPE 100**, vérifier :
 - 4.1 La résistance à la flexion déviée ;
 - 4.2 La résistance au cisaillement ;
 - 4.3 La flèche.
- 5 Déterminer le diamètre de l'élément « **8** ».

Données :

- Le poids des éléments (5) et (6) est : $0.2 \times 10^{-3} \text{ MPa}$;
- Le poids estimé de l'élément (4) est 18 Kg/ml (2UPE);
- La surcharge du vent : $V=11.0 \times 10^{-2} \text{ N/cm}^2$;
- La limite d'élasticité : 2750 Kg/cm^2 , $E= 2 \times 10^6 \text{ MPa}$.

Corrigé type

Examen Projet Constructions Métalliques « PCM »

1 Identification des éléments énumérés de 1 à 8 sur la figure

Réponse :

1	Poteau	0.5p		5	Bardage	0.5p
2	Traverse	0.5p		6	Couverture	0.5p
3	Potelet	0.5p		7	Panne	0.5p
4	Lisse	0.5p		8	Lierne	0.5p

2 Le rôle de l'élément « 8 » :

Réponse : renforcer la lisse suivant l'axe z-z. 0.5p

3 Le moment d'inertie de l'élément « 4 » et le profilé correspondant :

a) Combinaison d'action :

$$G_{tot} = G_{lisse} + G_{bardage} = 18 \cdot 10^{-2} + 0.2 \cdot 250 \cdot 10^{-2} = 0.18 + 0.50 = 0.68 \text{ daN/cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V = 11 \cdot 250 \cdot 10^{-3} = 2.75 \text{ daN/cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

Donc :

$$Q_{y.sd} = G_{tot} = 0.68 \text{ daN/cm} \quad \mathbf{0.25p}$$

$$Q_{z.sd} = V = 2.75 \text{ daN/cm} \quad \mathbf{0.25p}$$

b) Calcul du moment d'inertie :

$f \leq f_{ad}$	
$f_z = \frac{5}{384} \cdot \frac{2.75 \cdot (500)^4}{2 \cdot 10^7 \cdot I_y} \leq f_{ad} = \frac{500}{200} = 2.5$	0.5p
$\Rightarrow I_y \geq \frac{5}{384} \cdot \frac{2.75 \cdot (500)^4}{2 \cdot 10^7 \cdot 2.5} = 44.75 \text{ cm}^4$	0.5p
$f_y = \frac{5}{384} \cdot \frac{0.68 \cdot (250)^4}{2 \cdot 10^7 \cdot I_z} \leq f_{ad} = \frac{250}{200} = 1.25$	0.5p
$\Rightarrow I_z \geq \frac{5}{384} \cdot \frac{0.68 \cdot (250)^4}{2 \cdot 10^7 \cdot 1.25} = 1.4 \text{ cm}^4$	0.5p

c) Le profilé correspondant :

Pour ($I_y \geq 44.75 \text{ cm}^4$, $I_z \geq 1.4 \text{ cm}^4$), on opte pour un profilé **UPE 80**. 0.5p

4 En supposant que l'élément « 4 » soit un profilé **UPE 100**, vérifier :

Combinaison d'action :

$$G_{tot} = G_{lisse} + G_{bardage} = 19.64 \cdot 10^{-2} + 0.2 \cdot 250 \cdot 10^{-2} = 0.18 + 0.50 = 0.696 \text{ daN/cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V=11*250*10^{-3}=2.75 \text{ daN/cm}$$

Donc :

$$Q_{y.sd}=1.35*G_{tot}=1.35*0.696=0.940 \text{ daN/cm}$$

0.5p

$$Q_{z.sd}=1.5*V=1.50*2.75=4.125 \text{ daN/cm}$$

4.1 La résistance à la flexion :

$$\left(\frac{M_{y.Sd}}{M_{pl.Rd.y}}\right)^{\alpha=2} + \left(\frac{M_{z.Sd}}{M_{pl.Rd.z}}\right)^{\beta=1} \leq 1.0$$

$$M_{y.sd} = \frac{Q_{y.sd} \cdot l^2}{8} = 128906 \text{ daN.cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$M_{z.sd} = \frac{Q_{z.sd} \cdot (l/2)^2}{8} = 7343.75 \text{ daN.cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$M_{pl.y} = \frac{W_{pl.y} \cdot f_y}{\gamma_{M0}} = \frac{48 \cdot 2 \cdot 2750}{1} = 264000 \text{ daN.cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$M_{pl.z} = \frac{W_{pl.z} \cdot f_y}{\gamma_{M0}} = \frac{19.3 \cdot 2 \cdot 2750}{1} = 106150 \text{ daN.cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$\left(\frac{128906}{264000}\right)^2 + \left(\frac{7343.75}{106150}\right)^1 = 0.238 + 0.069 = 0.307 \leq 1.0 \quad \text{(C.V)} \quad \mathbf{0.5p}$$

4.2 La résistance au cisaillement :

$$V_y = \frac{4.125 \cdot 500}{2} = 1031.25 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V_z = \frac{0.940 \cdot 250}{2} = 117.5 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V_{y,pl.Rd} = \frac{A_{vy} \cdot \left(\frac{f_y}{\sqrt{3}}\right)}{\gamma_{M0}} = \frac{2 \cdot 7.16 \cdot (2750/\sqrt{3})}{1} = 22736.05 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V_{z,pl.Rd} = \frac{A_{vz} \cdot \left(\frac{f_y}{\sqrt{3}}\right)}{\gamma_{M0}} = \frac{2 \cdot 5.34 \cdot (2750/\sqrt{3})}{1} = 16956.77 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V_y = 1031.25 \leq V_{y,pl.Rd} = 22736.05 \text{ daN} \quad \text{(C.V)} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$V_z = 117.5 \leq V_{z,pl.Rd} = 16956.77 \text{ daN} \quad \text{(C.V)} \quad \mathbf{0.5p}$$

4.3 Vérification de la flèche :

$$f_z = \frac{5}{384} \cdot \frac{0.696 \cdot 500^4}{2 \cdot 10^7 \cdot 207} = 0.137 \text{ cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$f_{ad} = 500/200 = 2.5 \text{ cm} \quad \text{Deux appuis} \quad f_{ad} = 250/200 = 1.25 \text{ cm} \quad \text{Trois appuis}$$

$$f_y = \frac{2.05}{384} \cdot \frac{2.75 \cdot 250^4}{2 \cdot 10^7 \cdot 38.3} = 0.075 \text{ cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$f_z = 0.137 \leq f_{ad} = 2.5 \quad (\text{C.V}) \quad \mathbf{0.5p}$$

$$f_y = 0.075 \leq f_{ad} = 1.25 \quad (\text{C.V}) \quad \mathbf{0.5p}$$

5 Détermination du diamètre de l'élément « 8 » :

5.1 La réaction R au niveau du lierne :

$$R = 1,25 \cdot 0.940 \cdot 500 / 2 = 293.75 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

5.2 Effort de traction dans le tronçon de lierne L_1 :

$$T_1 = \frac{R}{2} = \frac{293.75}{2} = 146.87 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

5.3 Effort dans le tronçon L_2 :

$$T_2 = 146.87 + 293.75 = 440.62 \text{ daN} \quad \mathbf{0.5p}$$

5.4 Le lierne le plus sollicité et L_2 , donc on se base sur cet élément pour déterminer la section nécessaire du lierne :

$$N_{sd} \leq N_{pl.Rd} \quad \mathbf{0.25p}$$

Avec :

$$N_{pl.Rd} = \frac{A \cdot f_y}{\gamma_{M0}} \quad \mathbf{0.25p}$$

$$N_{sd} = 440.62 \leq \frac{A \cdot 2750}{1} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$A \geq \frac{440.62 \cdot 1}{2750} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$A = \pi \cdot \phi^2 / 4 \geq 0.160 \text{ cm}^2$$

$$\phi \geq \sqrt{\frac{0.160 \cdot 4}{3.14}} \Rightarrow \phi \geq 0.452 \text{ cm} \quad \mathbf{0.5p}$$

$$\text{Donc } \phi \approx 1 \text{ cm} \approx 10 \text{ mm} \quad \mathbf{0.5p}$$